

1. 如圖1所示之梁元素。

- (1) 如圖1a所示，試推導梁元素之局部座標勁度矩陣 k' ； $q = k' d$ ，式中 $q^T = [q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6]$ ， $d^T = [d_1, d_2, d_3, d_4, d_5, d_6]$ 。(10%)
- (2) 試推導位移轉換矩陣 T ； $d = TD$ ，式中 $D^T = [D_1, D_2, D_3, D_4, D_5, D_6]$ 。(10%)
- (3) 如圖1b所示，試推導梁元素之整體座標勁度矩陣 k ； $Q = k D$ ，式中 $Q^T = [Q_1, Q_2, Q_3, Q_4, Q_5, Q_6]$ ， $D^T = [D_1, D_2, D_3, D_4, D_5, D_6]$ 。(10%)

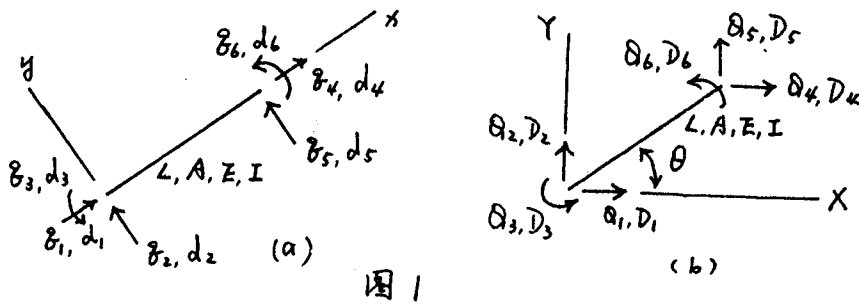
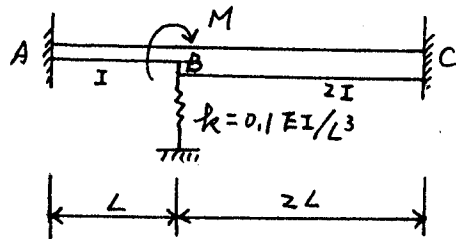


圖 1

2. 如圖所示之梁，假設不考慮梁之軸力效應，

- (1) 試應用前題推導之勁度矩陣，以矩陣勁度法(matrix stiffness method)解之。(15%)
- (2) 試以傾角變位法(slope deflection method)解之。(15%)
- (3) 試繪此梁之剪力圖、彎矩圖與彈性變形曲線。(10%)



3. 如圖所示之複合結構，假設 $I/A_{beam} = 40 \text{ cm}^2$ ， $A_{truss} = A_{beam}/4$ ，如不考慮梁之軸力效應，

- (1) 試以最小功法(method of least work)解之，並求桁架各桿內力與支承反力。(20%)
- (2) 試繪此梁之剪力圖、彎矩圖與彈性變形曲線。(10%)

