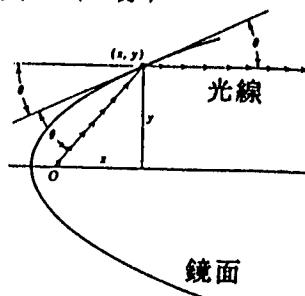


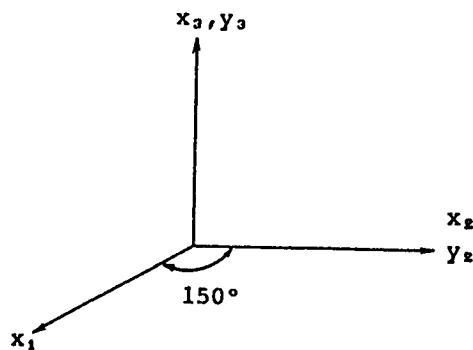
1. 假設你的計算器只有 "+"、"-"、"×" 及 "÷" 鍵，計算  $5\sqrt{10}$  之值，精確度須達到小數點以下第 6 位，須列出計算經過。(10分)

2. 在地球內部距地心為  $r$  ( $r <$  地球半徑) 質量為  $m$  的物體，所受之重力為  $\bar{F} = -mg\bar{r}/R$  ( $R=6372$  km 為地球半徑)，一物體在一假想穿越地心的隧道中下落(空氣阻力可忽略)，求此物體之位置函數及其運動週期，設  $t=0$  時此物體位於地表；又此物體自地表到達地心需時多久？(15分)

3. 自凹面鏡之前方一點  $O$  所發出之光線被此凹面鏡反射後，均成為平行光，求此凹面鏡之截面方程式。(20分)



4. 電腦繪圖的基本原理係根據 3-D 至 2-D 之座標轉換，令 3-D 系統座標為  $(x_1, x_2, x_3)$ ，2-D 系統座標為  $(y_1, y_2)$ ，如下圖所示，轉換過程中平行座標軸方向長度不變，求轉換矩陣；一平行六面體其 8 頂點座標為  $(0,0,0), (0,2,0), (0,2,2), (0,0,2), (1,0,0), (1,2,0), (1,2,2)$  及  $(1,0,2)$ ，求此六面體 8 頂點之 2-D 座標並繪其圖形。(20分)



5. 在一溫度場中，溫度分佈函數為  $T(x, y, z) = 2x^2 - y^2 + 3z^2$ ，而熱流是沿最大負溫差之方向傳導，求在點  $P_1(2, -2, 1)$  及  $P_2(1, 2, -4)$  之熱流方向及其熱流速率比，又在  $P_3(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, -2)$ ， $\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$  方向的溫度變化為何？(15分)

6. 矿物的最小組成單元稱為單位晶室(unit cell)，係一平行六面體，其三線性獨立方向之邊長可以向量  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $\vec{c}$  表示，若  $\vec{a} \wedge \vec{b}$  ( $\vec{a}$  與  $\vec{b}$  之夾角) =  $\gamma$ ,  $\vec{b} \wedge \vec{c}$  =  $\alpha$ ,  $\vec{c} \wedge \vec{a}$  =  $\beta$ ，求以此六參數值計算單位晶室體積之公式。(20分)

