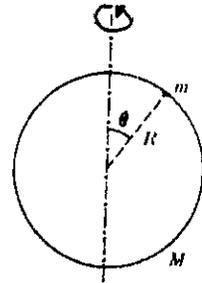
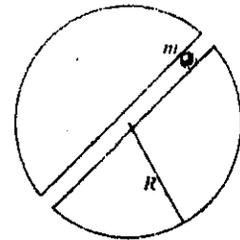


※ 考生請注意：本試題 可 不可 使用計算機

1. 如右圖有一質量為  $M$ 、半徑為  $R$  的細圓環，繞著垂直軸旋轉。(a)請證明相對於垂直軸，此一細圓環的轉動慣量為  $I=MR^2/2$ 。(5%) (b)若此細環穿過一質量為  $m$  的小彈珠，且一開始時，小彈珠是在圓環的頂端，圓環的角速度為  $\omega$ 。請問，當小珠在沒有摩擦力的情形下，下滑到如右圖所示的任意  $\theta$  角位置時，細圓環的角速度為何？(5%)



2. 假設地球是一個半徑為  $R$ 、質量為  $M$  的均勻球體，而且可以像右圖一樣，挖一個穿過球心的細通道。若有一質量為  $m$  的質點，從地表往下掉落。(a)請求出質點在通道中任意位置上，所受力的大小與方向。(5%) (b)請寫出運動方程式，並求出該質點的運動軌跡函數。(5%)



3. 太陽質量  $M_s=1.99 \times 10^{30}$  kg, 月球質量  $M_m=7.35 \times 10^{22}$  kg, 地球質量  $M_e=5.97 \times 10^{24}$  kg, 太陽與地球距離為  $D_{se}=1.50 \times 10^8$  km, 月球與地球的距離為  $D_{me}=3.84 \times 10^5$  km, 地球半徑為  $R_e=6.38 \times 10^3$  km, 萬有引力常數  $G=6.67 \times 10^{-11}$  N·m<sup>2</sup>/kg<sup>2</sup>。請用以上的數據，計算出春分且大潮時(如下圖)，在赤道區域的地球兩端海面上，1kg 的海水所受的引潮力大小為何？(15%)



(背面仍有題目,請繼續作答)

系所組別： 地球科學系、衛星資訊暨地球環境研究所

考試科目： 普通物理

考試日期： 0307，節次： 2

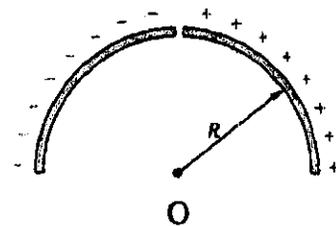
※ 考生請注意：本試題 可 不可 使用計算機

4. 有一繩波在繩子上傳播，其波函數為  $y(x,t)=0.05 \cos(2.4x-1.2t+0.1)$ ，其中  $x$  與  $y$  的單位皆為  $\text{cm}$ 。請求出此一繩波的(a)波速，(b)頻率，(c)波長，(d)當  $t=0.2\text{s}$  時，在  $x=1.5\text{cm}$  的位置上，繩子上質點的運動速度，(e)繩子上質點運動的最大加速度為何？(15%)

5. 請求出理想氣體在準靜絕熱過程中，從狀態  $(P_1, V_1)$  變成狀態  $(P_2, V_2)$  的情形之下，理想氣體所做的功。(10%)

6. 令氧分子的直徑為  $0.3\text{nm}$ ，請找出溫度為  $300\text{K}$ ，壓力為  $1\text{atm}$  之下，氧分子的(a)平均自由徑(mean free path) (5%)，(b)分子間的碰撞頻率(collision frequency) (5%) (Note：可以將氧分子看成理想氣體，氧分子質量為  $32\text{g/mole}$ ， $R=8.31\text{J/mol}\cdot\text{K}$ )

7. 兩條均勻的帶電細棒被彎成如右圖的形狀，且具有相反的電荷密度  $\pm\lambda\text{C/m}$ 。請求出圓心  $O$  處的電場。(10%)



8. 請使用 Biot-Savart Law 與 Ampere's Law 計算出一條帶有電流  $I$  的無窮長直導線所產生的磁場(10%)

9. 請寫出 Maxwell's equations 與 Lorentz force equation，並說明他們的物理意義。(10%)