

系所組別： 物理學系

考試科目： 近代物理學

考試日期：0307，節次：3

※ 考生請注意：本試題 可 不可 使用計算機

(I) 請寫下各個物理量的數值及單位(每小題 5 分 30%)

- (a) Planck constant \hbar
- (b) 電子的磁偶極 μ_e
- (c) 氢原子的半徑 a_0
- (d) 室溫($27^\circ C$)對應的能量 $E(eV)$
- (e) 電子的半徑 r_e (Å)
- (f) 一般原子核的半徑 $R(m)$

(2) 一個質量為 m 的粒子在 $V(x) = \begin{cases} 0 & x \in [0, a] \\ \infty & x \notin (0, a) \end{cases}$ 中作一維運動，(20%)

(a) 如果 $u_n(x)$ 為 Hamiltonian 的 eigenfunctions，求基態(ground state)及第一激發態(first excited state)的能階 E_n 及對應的 u_n 。(10 分)

(b) 求位置及動量算符 (\hat{P}) 在基態中的期望值(Expectation Value)。(10 分)

(3)(25%)

(a) 利用測不準原理計算氫原子的基態能量(Ground State Energy)。(10 分)

(b) 計算角動量算符 L_z 在氫原子的基態中的期望值。(5 分)

(c) 計算 $[L_x, y], [L_x, P_z]$ (10 分)

$$(4) H = -\frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right) + \frac{k}{2} (x^2 + y^2) \quad (25\%)$$

(a) 請寫下基態的波函數以及能階 E_g 。(5 分)

(b) 證明所有穩定態(Stationary States)都是 Parity Operator 的 Eigenfunctions，並且寫下這些 Eigenfunctions 的 Parity Eigenvalues。(10 分)

(c) 證明不同能階的波函數互相正交(Orthogonal)。(10 分)