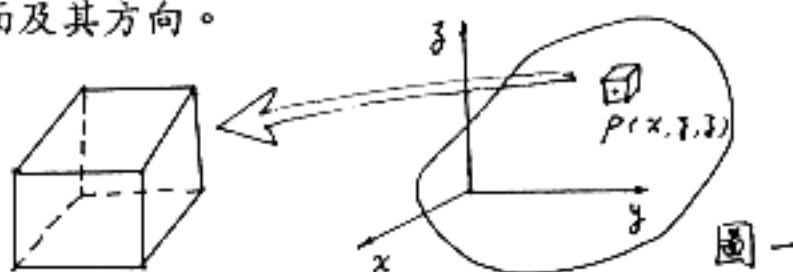
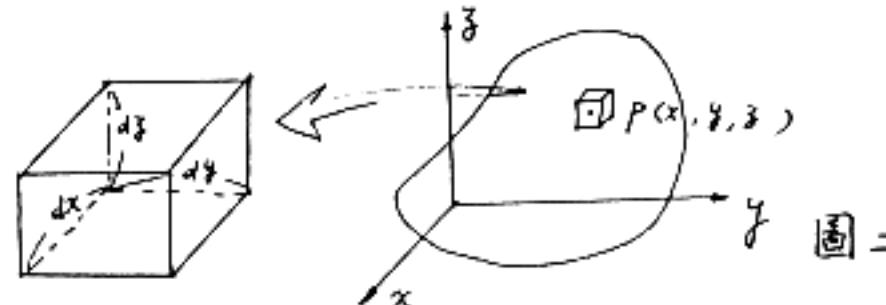


一、如圖一所示，試以三維直角坐標，表示物體內點 P 各應力分量作用的面及其方向。



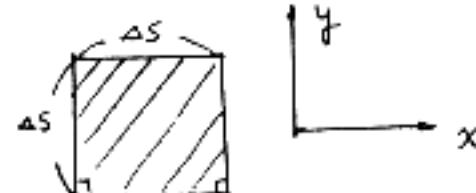
圖一

二、如圖二所示，若物體內各應力分量皆為其位置坐標 x, y, z 的函數，且作用於物體之體力(body forces)在沿著三個軸的分量分別為 B_x , B_y , B_z ，試從作用於微小元素(differential element)各面上的應力關係，推導 x 軸方向的平衡方程式 (equilibrium equation)。



圖二

三、如圖三所示，試以變形前邊長分別為 Δs_x 和 Δs_y 的方形微小元素，定義若產生變形後，何謂正向應變(normal strains) ϵ_x , ϵ_y ，何謂剪應變 γ_{xy} 。



圖三

四、何謂等向性彈性材料？何謂楊氏模數 (Young's modulus) E？剪模數 (shear modulus) G？波桑比 (Poisson's ratio) μ？等向性彈性材料共有幾個獨立的材料常數？

五、試以三維直角坐標所表示的應力與應變分量，寫出等向性彈性材料六個應力與應變關係式。

以上每題十分。

六. Explain the following terms (10%)

(a) Shear center

(b) buckling

七. Develop the expression for the strain energy density U_0 for one-dimensional elastic solid behaving according to $\sigma_x = E\epsilon_x + E'(\epsilon_x)^n$
where E and E' are constant (10%)

八. Consider the uniformly loaded beam shown in Fig. A. Determine the reaction at the pin support (15%) (using energy method)

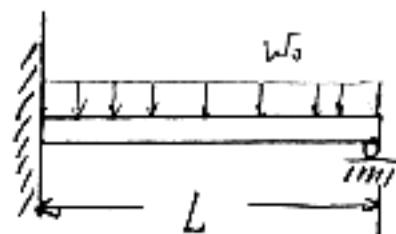


Fig. A

九. Consider the case of a centrally loaded column that is pinned at one end and clamped at the other (Fig. B). Determine the buckling load of the column. (15%)

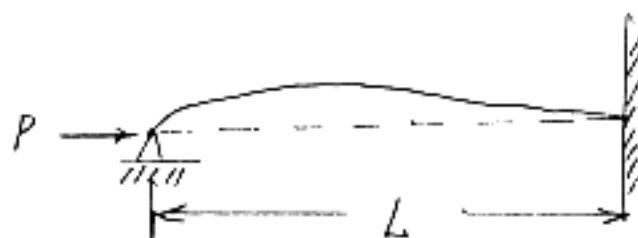


Fig. B